

Research Unit for Statistical and Empirical Analysis in Social Sciences (Hi-Stat)

不完全資本市場下での生産関数の推定について

北村 行伸
西脇 雅人
村尾 徹士

May 2009
(Revised: June 2009)

不完全資本市場下での生産関数の推定について *

北村行伸[†]西脇雅人[‡]村尾徹士[§]

2009年6月4日

概要

ミクロレベルの生産関数を推定する際、Olley and Pakes (1996) によって提案された手法が広く用いられている。しかしながら、Olley-Pakes 法は暗黙に完全な資本市場の直面していることを仮定しており、企業が不完全な資本市場に直面しているときには係数推定値は一致性を持たない。多くの実証研究は、途上国経済はもとより先進国経済においてさえ、資本市場が不完全であることを指摘している。本稿では、Olley-Pakes 法を、資本市場の不完全性下でもロバストな推計手法へと改良することを目的としている。改良された手法を用いて日本の企業レベルデータを用いて推計した結果、Olley-Pakes 法は理論通りのバイアスを持つことが明らかになった。その大きさは産業ごとに異なるが、資本分配率で約 8-43% と比較的大きなものであることがわかった。

JEL 分類：D24, D43

キーワード：生産関数、投資関数、不完全資本市場、Olley-Pakes 法、生産性

* 一橋大学経済研究所定例研究会報告（2009年3月4日）に対する討論者であった深尾京司教授（一橋大学）のコメントに感謝したい。また、阿部修人准教授、植杉威一郎准教授、小田切広之教授、川口大司准教授、塩路悦朗教授、都留康教授、安井健吾講師、松浦寿幸講師（以上、一橋大学）、鈴木史馬氏（一橋大学大学院）および一橋大学経済研究所定例研究会出席者からは有益なコメントをいただいた。記して感謝したい。安藤浩一氏（日本政策投資銀行）には、データに関する質問に丁寧に答えていただいた。また北村は2004年度全国銀行学術研究振興財団より「企業金融と企業業績に関するミクロ計量経済学的分析」に対して助成を受けている。記して感謝したい。言うまでもなく、あり得べき誤りは筆者に帰する。

[†] 一橋大学経済研究所。

[‡] 一橋大学大学院経済学研究科。

[§] 一橋大学大学院経済学研究科。

1 はじめに

経済成長のエンジンとして全要素生産性 (total factor productivity; TFP) あるいは単に生産性と呼ばれる要素の重要性が認識されて久しい。とりわけ、少子高齢化が進み、労働投入や資本蓄積に限界があるときに、生産性の上昇が経済成長の鍵を握るといっても過言ではない。経済政策上も、この生産性動向を正確に把握しておくことが重要になっている。統計上、この生産性あるいは TFP を計測する方法としては、第一に、ソローにより考案された成長会計に基づいて、いわゆるソロー残差を計算するというアプローチがある。日本の実証研究でも、例えば、深尾・権 (2003)、川本 (2004)、宮澤 (2008)、Miyagawa, et al. (2006) などは基本的にこのアプローチを用いている。第二に、企業統計がパネルデータの形で利用可能であれば、固定効果推定を用いて企業に固定的な生産性を求めることもできる。しかし、固定効果推定では生産性が計測期間中一定であるということを意味しており、経済構造が変動しているような時期には、現実的に不適切であると考えられる。また、これまでの実証研究では、固定効果推定法では資本ストックの係数を過小推定してしまう傾向があると報告されている。第三に、生産性の測定において、生産関数の説明変数である労働投入や資本ストックは内生的に決まっているという考え方もある。そのような内生変数の最も簡便な対処の仕方は、操作変数法を用いることである。それには労働投入や資本ストックとは強く相関しているが、生産そのものあるいは生産性とは無相関な変数を見つける必要がある。賃金や金利などの投入財価格データは操作変数として適切だが企業毎に対応する価格は通常利用できない。また利用できたとしても企業間で、賃金や金利が大きくばらついて分布しているとは考えがたい。そのような状況の下では、生産関数および生産性の適切な推定は難しいことが知られている。

近年、ミクロレベルの生産関数の推定を行う際、Olley and Pakes (1996) によって提案された代替的手法が広く用いられるようになってきた。企業が生産性ショックを観察した後に可変生産要素投入を行っているにも関わらず、外部観察者（以下ではこれを実証家と呼ぶ）がこのことを考慮に入れずに生産関数を最小二乗 (OLS) 法によって推定すると、係数推定値には内生性バイアスが発生する。Olley and Pakes (1996) は真の生産性水準を、企業の利潤最大化から導かれる投資関数から示唆される生産性水準により代理することで、このようなバイアスを補正する方法を提案した。完全な資本市場に直面する企業の投資関数は、今期の資本ストックと生産性のみの関数である。Olley and Pakes (1996) では、企業が暗黙に完全な資本市場に直面していることを前提として、このような投資関数の形状が仮定されていた。

しかしながら、不完全な資本市場に直面する企業の投資関数は、今期の資本ストックと生産性のほか、キャッシュフローや純資産（保有土地評価額）などの変数に依存することが理論研究によって指摘されている (Bernanke and Gertler (1989), Kiyotaki and Moore (1997))。資本市場が不完全であるにも関わらずこのことを考慮せずに Olley and Pakes (1996) の方法（以下、Olley-Pakes 法とする）を適用してしまうと、推定値は一致性を持たなくなる。

本稿は、Olley-Pakes 法を、資本市場の不完全性下でもロバストな推定手法へ改良する

ことを目的としている。多くの実証研究は、途上国経済はもとより先進国経済においてさえ資本市場が不完全であることを指摘している。例えば、投資関数の推定に関する既存研究は、企業の投資決定が純資産や土地評価額に依存していることを報告している。従ってこの方向で Olley-Pakes 法を改良することは、重要な意味を持つ^{*1}。

通常の Olley-Pakes 法を用いて生産関数の推定を行った場合、どの程度のバイアスが存在するのであろうか。本稿では、実際のデータを用いて、通常の Olley-Pakes 法と改良された Olley-Pakes 法の推定結果を比較する。実証分析には 1990 年代後半から 2000 年代前半の日本企業を対象とする。この期間の日本経済は、先進諸国の中でも資本市場の不完全性が深刻であると言われてきた。とすれば我々の提案する改良された Olley-Pakes 法を用いることの意義は大きいと考えられる。改良された手法を用いて日本の企業レベルデータを用いて推定した結果、通常の Olley-Pakes 法には理論通りのバイアスが存在することがわかった。バイアスの大きさは産業ごとに異なるが、資本ストック係数（資本分配率）で約 8-43% と比較的大きなものであった。

本稿の構成は以下の通りである。先ず第 2 節において不完全資本市場下の設備投資行動について、既存研究の理論的含意をまとめる。第 3 節では資本市場の不完全性下では、投資関数が純資産の関数となる理論的根拠を提示している。続く 4 節では、第 2 - 3 節の結果を用いて Olley and Pakes (1996) による生産性の推定手法を不完全資本市場下でもロバストな方法へと改良する。以下は実証研究のパートである。第 5 節は推定結果を報告し、第 6 節で結論を述べている。さらに付録 A では企業が退出することによるバイアスの補正方法を述べ、その推定結果を報告した。付録 B ではデータの構築方法について解説をし、付録 C では不完備契約モデルを解説し、投資関数が純資産に依存する代替的な経路があることを論じている。

2 不完全資本市場下での設備投資行動

幾つかの実証研究は、企業の設備投資行動の分析を通じて、日本の資本市場が不完全であることを示唆している^{*2}。本節では既存研究を基に、資本市場の不完全性の下での企業の設備投資行動に関する含意をまとめておきたい。主要な結論は、不完全資本市場に直面する企業の最適投資決定は、企業の純資産（キャッシュフロー、担保資産価値）に依存するという点である。不完全資本市場の基礎付けには様々なモデルが提案されているが、この結論は非常に広いクラスの不完全資本市場モデルにおいて共通に成立する。本節では代表的なモデルとして、貸し手と借り手の間の情報の非対称性に着目したモデルを取り上げる^{*3}。付録 C において、他の代表的なモデルである、Kiyotaki and Moore (1997) による不完全コミットメントモデルの含意を簡単にまとめてある。

そもそも銀行と借り手企業との間には、借り手企業の抱える投資プロジェクトの生産性

*1 Olley-Pakes 法のその他の方面での拡張としては、Levinsohn and Petrin (2003) が投資関数ではなく原材料を生産性の代理関数として用いることを提案し、Akerlof, Caves and Frazer (2006) では労働と原材料間の共線性問題を回避する方法を提案している。

*2 例えば、Ogawa et al. (1996), Ogawa and Suzuki (1998,2000), 大久保・浅子 (1999) を参照。

*3 具体的には、Costly State Verification (CSV) と呼ばれるモデルである。

について情報の非対称性が存在すると考えられる。また、貸借契約が確実に履行されるとの保証も存在しない、すなわちコミットメントの不完全性の問題がある。このとき、内部資金を利用する場合に比べ、銀行などから外部資金を調達する場合に追加的なプレミアムを課せられたり、利用可能な資金に上限が生じたりする (Bernanke et al. (1999), Kiyotaki and Moore (1997))。より具体的には、外部資金の調達条件は借り手企業の財務状況を反映することとなる。この下では、企業の財務状況の悪化は外部資金調達に課されるプレミアムを引き上げるので、収益性のある投資プロジェクトでもファイナンスされにくくなる。これらの研究は、設備投資が純資産の総資本ストック比率 (非対称情報モデル) あるいは純資産の水準 (不完全コミットメントモデル) に依存することを示している。ただし、設備投資が純資産比率あるいは純資産に依存するという結果は、上記以外の不完全資本市場のモデルにおいても一般的に成立することが知られている*4。

3 資本市場の不完全性

1990年代後半の日本において、収益性のある投資プロジェクトが必ずしも完全にファイナンスされなかった可能性については Nishimura et al.(2005) や Fukao and Kwon (2006) などによって指摘されている。このような状況が生じる理由としてまず考えられるのは、借り手企業の生産性を貸し手が十分に把握できないという情報の非対称性の存在である。

Townsend (1979) に始まる一連の研究は、資本市場の不完全性の源泉として、Costly State Verification (CSV) と呼ばれる状況をモデル化した。これは、貸し手は借り手の事後的なペイオフをモニタリングするには、審査費用を支払わなければならないという状況である。Williamson (1986, 1987) は、CSV モデルにおいて、貸し手と借り手の間に結ばれる最適契約が標準的な債務契約であることを示した。すなわち、借り手がデフォルトを選択しないときには返済は定額であり、デフォルトを選択したときは貸し手は審査費用を支払ってペイオフを査定し、その全額を回収する。Bernanke and Gertler (1994) は CSV モデルを世代重複モデルに応用し、また Carlstrom and Feurst (1997), Bernanke et al. (1999) などの研究は、CSV モデルを動学一般均衡モデルに埋め込み、景気循環や金融政策の含意を考察した。

以下では、Bernanke et al. (1999), Gertler et al. (2004), Cristensen and Dib (2008) による不完全資本市場モデルに従って企業の投資関数が純資産に依存するメカニズムを解説する。生産は前期に購入された資本 k_t と労働投入 l_t により行われる。企業は t 期の期初に生産性ショックの実現値を観察した後、労働投入量を決定し、生産を行うと考える。 $t+1$ 期以降の生産に用いられる資本は、純資産 n_{t+1} と借入 b_{t+1} を用いて t 期の期末に購入される。

$$q_t k_{t+1} = n_{t+1} + b_{t+1} \quad (1)$$

*4 他の不完全資本市場のモデルとして、例えば Kato (2007) がある。後述するように Kato (2007) は、1990年代後半の日本の企業行動の一側面を説明するモデルとして優れていると考えられる。

ただし、 q_t は資本調達価格を表し、純資産にはキャピタルゲインも含まれる。

企業による資本の需要は、資本の期待限界収益と期待限界調達費用が等しくなるように決定される。資本の期待限界費用は、以下のように書ける。

$$E_t f_{t+1} = E_t \left[\frac{z_{t+1} + (1 - \delta)q_{t+1}}{q_t} \right] \quad (2)$$

ただし、 z_{t+1} は $t + 1$ 期における資本の期待限界生産性を表わす。

次に資本調達の限界費用について考える。このモデルにおける資本市場の不完全性は、貸し手が借り手企業の生産性を観察するには、審査費用を支払わなければならない、との仮定から生じる。これは CSV と呼ばれる状況である。Bernanke et al. (1999) は、貸借契約において CSV 問題が存在するとき、外部資金の調達費用として、内部資金の調達費用に加えて追加的なプレミアムが課されることを示した^{*5}。具体的には、外部資金調達プレミアムは以下のように表わされる。

$$\chi_t(\cdot) = \chi \left(\frac{b_{t+1}}{n_{t+1}} \right), \quad \chi' > 0. \quad (3)$$

従って、資本の需要に関する最適性の条件として、以下の式が得られる。

$$E_t f_{t+1} = (1 + \chi_t(\cdot)) E_t \{(1 + r_t)\} \quad (4)$$

ただし $E_t \{(1 + r_t)\}$ は企業が完全な資本市場に直面する場合の資本調達費用である。この式は次のように解釈できる。企業が負債の発行により資金調達を行うとき、追加的な負債はレバレッジ比率を引き上げ、従って外部資金調達プレミアムを引き上げる。その結果、完全資本市場に比べ資本需要は過少になる。また以上の理由から、企業の投資関数は純資産 n_{t+1} に依存することになる。

4 不完全資本市場下での生産関数の推定

企業レベルでの生産関数の推定において、技術や生産性に関する新しい情報を含んでいる誤差項は、企業の労働投入や資本投入と相関している可能性が高いと考えられる。とすれば労働や資本という変数は内生的に決まっている選択変数であると考えられる。生産技術上、労働と資本を独立に選択できる訳ではないので、資本ストックを固定すると、労働投入は資本ストックや生産性の関数として導出できる。Olley and Pakes (1996) は、労働投入に関する内生性バイアスを回避して生産性を推定する手法を提案した^{*6}。

第3節で論じたように、多くの実証研究は、企業が不完全資本市場に直面していることを示唆している。それに対して、Olley-Pakes 法は、暗黙に企業が完全資本市場に直面し

^{*5} 厳密な議論は Bernanke et al.(1999) を参照のこと。このアプローチの日本の景気循環への応用に関しては Fukunaga(2002) がある。

^{*6} Olley and Pakes (1996) では、もう一つの内生性問題として、企業の退出も検討している。すなわち、企業は生産性情報を見た上で、企業を存続させるか退出するかを決定すると考えると、労働などの投入などの決定以前に、生産性と継続か退出かのセレクションの間に相関がある可能性が考えられる。この企業の市場からの退出によるセレクション・バイアスを補正した Olley-Pakes 法については付録 A で詳細に論じている。

ていることを仮定しており、仮に企業が不完全資本市場に直面している場合にはパラメータ推定値は一致性を持たない。本稿では、不完全資本市場の下でもパラメータ推定値が一致推定となるように、Olley-Pakes 法を改良する。このような不完全資本市場の下での Olley-Pakes 法の改良は企業レベルのパネルデータを用いた生産関数に関する実証研究上有益な貢献だと考えている。

以下ではまず、Olley and Pakes(1996) による完全資本市場のもとでの生産関数の推定手法を簡単に概観する。その上で、不完全資本市場の下での生産性の一致推定について議論する。

Olley-Pakes 法の基本的な設定は次のように要約できる。(1) 企業は今期の生産性に関する情報を得てから、労働投入、原材料、投資の規模を決める。(2) 今期の資本ストックは前期の資本ストックと今期の投資によって決まるという意味でダイナミックな性質を持っている。(3) 生産性は実証家には観察できず、統計データとしても存在しない。(4) 生産性と正の投資額の間には、単調増加関係がある。

Olley-Pakes 法の特徴は、実証家からは観察不可能な生産性の実現値を、企業の動学的最適化行動から示唆されるコントロール関数によって置換することにある^{*7}。

Cobb-Douglas 型生産技術を仮定すると、

$$y_t = \beta_0 + \beta_l l_{it} + \beta_m m_{it} + \beta_k k_{it} + \omega_{it} + \eta_{it} \quad (5)$$

l, m, k はそれぞれ生産に使われる投入要素であり、それぞれ労働、原材料、および資本ストックである。 ω_{it} は企業には観察可能であるが、実証家には観察不可能な生産性であり、外生かつ 1 次のマルコフ過程に従うものとする。

$$p(\omega_{it} | \omega_{i1}, \dots, \omega_{it-1}) = p(\omega_{it} | \omega_{it-1}) \quad (6)$$

また η_{it} は計測誤差あるいは企業にも予測できないショックとする。以上のもとで期初の状態変数は、生産性の実現値 ω_{it} 、資本ストック k_{it} 、そして純資産 n_{it} である。

今期の投資と労働投入の選択は、今期の生産性 ω_{it} を観察した後に行われる。よって企業の労働需要は（部分的に） ω_{it} に依存する。このことを考慮に入れずに (5) 式を単に OLS 推定した場合、パラメータ推定値は内生性バイアスを持つ。

企業レベルの生産性の推定における以上のような問題に対し、Olley and Pakes (1996) は、コントロール関数を用いることでパラメータを一致推定するための方法を提案した。彼らは、 ω_{it} のコントロール関数として、投資関数の逆関数を用いた。以下ではまず、Olley and Pakes (1996) による 2 段階推定について簡単に述べる。

企業の資本蓄積の推移は、

$$k_{it} = i_{t-1} + (1 - \delta)k_{it-1} \quad (7)$$

^{*7} このような対処の仕方は一般にコントロール関数法 (control function approach) と呼ばれている。ある説明変数が被説明変数に影響を与えることはわかっているが、変数として観察不可能である場合に、それを近似するような変数あるいは関数を用いて、その説明変数が含まれない場合に生じる推定バイアスを緩和しようとするものである。

で与えられる．企業の投資決定は利潤の割引現在価値を最大化するように決まる．

企業の設備投資に関する最適決定ルールは，完全情報下の状態変数である今期の資本量と生産性に加え，前節の議論から純資産 n_{it} にも依存する．前述したように，これは純資産が，外部資金を調達する際のプレミアムを通じて最適な投資規模に影響を与えるためである．従って不完全資本市場のもとでの企業の投資関数は以下のように書くことができる^{*8}．

$$i_{it} = i_t(\omega_{it}, k_{it}, n_{it}) \quad (8)$$

(第1段階)

i_{it} と ω_{it} に単調増加な関係が存在すると仮定すれば，(8) 式を ω_{it} について解くことができる．この投資関数の逆関数を $h_{it}(\cdot, \cdot)$ とする．

$$\omega_{it} = h_{it}(k_{it}, i_{it}, n_{it}) \quad (9)$$

これを (5) 式に代入すると，

$$y_t = \beta_l l_{it} + \beta_m m_{it} + \phi_t(i_{it}, k_{it}, n_{it}) + \eta_{it} \quad (10)$$

が得られる．ただし

$$\phi_{it}(i_{it}, k_{it}) = \beta_0 + \beta_k k_{it} + h_{it}(i_{it}, k_{it}, n_{it}) \quad (11)$$

である．(10) 式はノンパラメトリック関数 ϕ_{it} を含む部分線形回帰モデルであるが、パラメーター β_l 、 β_m についてはパラメトリックモデルと同等な一致推定量を得ることができる (Robinson (1988), Yatchew (2000) を参照)．ここでは Robinson (1988) に従って、観測値と推定された条件付き期待値との誤差を用いて、 β_l と β_m の推定を行う．

(10) 式の条件付き期待値は

$$E[y_{it}|k_{it}, i_{it}, n_{it}] = E[l_{it}|k_{it}, i_{it}, n_{it}] + E[m_{it}|k_{it}, i_{it}, n_{it}] + \phi_{it}(i_{it}, k_{it}, n_{it}) \quad (12)$$

と書ける．ここで条件付き期待値 $E[y_{it}|k_{it}, i_{it}, n_{it}]$ 、 $E[l_{it}|k_{it}, i_{it}, n_{it}]$ 、 $E[m_{it}|k_{it}, i_{it}, n_{it}]$ は、それぞれ y_{it} 、 l_{it} 、 m_{it} を k_{it} 、 i_{it} 、 n_{it} に (ノンパラメトリック) 回帰して得ることができる^{*9}．(10) 式から条件付き期待値 (12) 式を引けば、

$$(y_{it} - E[y_{it}|k_{it}, i_{it}, n_{it}]) = \beta_l (l_{it} - E[l_{it}|k_{it}, i_{it}, n_{it}]) + \beta_m (m_{it} - E[m_{it}|k_{it}, i_{it}, n_{it}]) + \eta_{it} \quad (13)$$

となり、(13) 式を線形回帰すれば、パラメーター β_l 、 β_m の推定値が得られる．

^{*8} Olley and Pakes (1996) では投資がゼロ以下の値を取る場合は除外しており、本稿でもそれを踏襲している．これは投資 i_{it} と生産性 ω_{it} が単調増加関数であることを確保するための仮定であるが、Akerberg, Benkard, Berry and Pakes (2007, pp.4220-4222) で論じているように投資額ゼロあるいは負の値をとる企業行動は広範に見られる．Levinsohn and Petrin (2003) は OP 法は一致推定を得られるかもしれないが、有効推定ではないという点から、ゼロ以下のデータを除外することの問題を指摘している．解決方法としては Levinsohn and Petrin のように投資額ではなく中間投入財と生産性の関係を用いるというものがある．代替的に投資がゼロ以下の値を取る場合の生産性との関係を明示化した上で、OP 法を拡張する方法も考えられる．

^{*9} Kernel は標準正規分布を用い、bandwidth は産業毎に任意に設定している．

(第2段階)

第2段階では残りの資本ストックのパラメータ β_k を推定する。企業の資本ストックの動き考えてみると、 t 期の資本ストック k_{it} は $t-1$ 期の投資によって決定されている。したがって、企業の投資決定は $t-1$ 期での情報を下に将来の生産性の動きを予測して決定されていることになる。 $t-1$ 期での t 期の生産性 ω_{it} の実現値は、

$$\omega_{it} = E[\omega_{it}|\omega_{it-1}] + \xi_{it}$$

と書ける。ここで、 $E[\omega_{it}|\omega_{it-1}]$ は $t-1$ 期での生産性ショックの予測値であり、 ξ_{it} は予測の誤差である。当然、予測誤差 ξ_{it} は $t-1$ 期の投資決定とは無相関であり、これはすなわち t 期の資本ストック k_{it} とは独立であることを意味する。第2段階では予測誤差 ξ_{it} と t 期の資本ストック k_{it} とが無相関であることを利用すれば、パラメータ β_k を推定することができる。

まず、第1段階の推定から $\hat{\phi}_{it}$ を得ているので、資本ストック k_{it} のパラメータ β_k を所与とすればすべての i と t について

$$\hat{\omega}_{it}(\bar{\beta}_k) = \hat{\phi}_{it} - \bar{\beta}_k k_{it} \quad (14)$$

を計算でき、(14) 式を用いて、企業の生産性ショックの予測値を推定する。すなわち $\omega_{it}(\bar{\beta}_k)$ を $\omega_{it-1}(\bar{\beta}_k)$ に (ノンパラメトリック) 回帰することで、条件付き期待値 $E[\omega_{it}(\bar{\beta}_k)|\omega_{it-1}(\bar{\beta}_k)]$ を得ることができる。予測誤差 $\xi_{it}(\bar{\beta}_k)$ は

$$\xi_{it}(\bar{\beta}_k) = \omega_{it}(\bar{\beta}_k) - E[\omega_{it}(\bar{\beta}_k)|\omega_{it-1}(\bar{\beta}_k)]$$

と計算できる。

先に述べたように、 $\xi_{it}(\bar{\beta}_k)$ は $t-1$ 期の投資決定には影響を与えることはなく、したがって t 期の資本ストックとは無相関である。したがって、モーメント条件を

$$E[\xi_{it}(\bar{\beta}_k)k_{it}] = 0$$

と書くことができるので、サンプルで上のモーメント条件を近似すると、

$$\frac{1}{N} \frac{1}{T} \sum_i \sum_t \xi(\bar{\beta}_k) x_{it} = 0 \quad (15)$$

となり、(15) 式の二次形式を最小化するように β_k を決める。

5 推定結果

本稿の実証分析では日本政策投資銀行データベース (DBJ データ) を用いた。生産性の測定は、産業ごとに生産関数の形状が異なりうる可能性を考慮し、小分類ごとに行った。データの詳細については、付録を参照されたい。

サンプル期間は 1996 年から 2006 年とした。1990 年代後半の金融危機以降、日本の資本市場の不完全性は高まった可能性がある。そこで、従来の Olley-Pakes 法によるバイアスが深刻であると考えられるこの期間のデータを用いた。なお、この時期は企業の

純資産が急速に増加する一方で、設備投資が低迷したことも知られている。Holmström and Tirole (1998) やその DSGE (動学的確率的一般均衡モデル) バージョンである Kato (2006) はこのような状況を動学モデルによって考察した。彼らのモデルによれば、将来の支出に備えて純資産を流動性資産として保有するために、現在の設備投資が減退する^{*10}。Kato (2007) はこのような「流動性モデル」の投資関数が、Bernanke et al. (1999) や Kiyotaki and Moore (1997) と同様に純資産の関数となることを示している。

分析に用いた産業は、電気機械器具、輸送用機械器具、化学工業、一般機械の各産業である。なお、純資産の代理変数として、キャッシュフローを用いた^{*11}。

5.1 生産関数の推定結果

個別企業の生産関数の推定結果は以下の通りである。

[表 1 の挿入]

表 1 では、化学工業以外の諸産業において、推定された労働投入及び中間投入の係数は、完全資本市場を仮定した場合の推定値よりも小さな値となった。化学工業においても労働投入の係数は同様だが、中間投入の係数は完全資本市場を仮定した場合の推定値よりも若干大きな値となった。また資本ストック係数は、完全資本市場を仮定した場合の推定値よりも大きな値となった。すなわち、通常の Olley-Pakes 法は労働投入及び中間の係数に対して上方バイアスを持ち、資本ストック係数に対して下方バイアスを持つことがわかった^{*12}。資本ストック係数(すなわち資本分配率)に係るバイアスの大きさは、表 2 の通りである。

資本市場の不完全性を考慮しないことによる Olley-Pakes 法のバイアスは一般機械で 8%、最も大きい輸送用機械器具で 43.3% であった。

[表 2 の挿入]

5.2 解釈

推定結果の Olley-Pakes 法のバイアスの方向は、前節の理論とも整合的である。

まず、理論的には前期のキャッシュフロー n_{it-1} と今期の生産性 ω_{it} は、生産性の確率過程を通じて正の相関が存在し、また今期の投資 i_t とキャッシュフロー n_{it-1} には正の相関が存在する。従って以上の経路を無視した通常の Olley-Pakes 法では、労働投入および中間投入の係数推定値には上方バイアスが発生し、さらにこれを打ち消すように資本ストックには下方バイアスが存在すると予想される。実際、推定結果は以上の予想を支持し

^{*10} 流動性に関する理論・実証研究を総括した邦語文献として、齊藤・柳川 (2002) がある。

^{*11} 純資産として、他に土地評価額も考えられるが、当該データからは正確な値を計算することが困難なため用いていない。

^{*12} ここで論じているバイアスとは通常の Olley-Pakes 法と改良された Olley-Pakes 法によって得られた推定係数の違いを指している。計量経済学の推定法に関して通常行うモンテカルロ実験のように真のパラメータからの乖離をバイアスとして計測している訳ではない。

ている。

表 3 は投資関数 (8) 式を (16) 式から計算された生産性ショックを利用して推定した結果である。なお、第 3 節で議論した不完全資本市場下における改良された OP 法の推定結果を用いて、生産性指標 (productivity) は以下のように計算される。

$$p_{it} = \exp(y_{it} - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_l l_{it} - \hat{\beta}_k k_{it} - \hat{\beta}_m m_{it}) \quad (16)$$

[表 3 の挿入]

キャッシュフローを考慮した場合にはそうでない場合に比べ、すべての産業で生産性ショックの係数が小さくなっている。これは前期のキャッシュフローと 今期の生産性ショックとの正の相関を反映する結果であり、投資関数でキャッシュフローをコントロールしない場合に生産関数の係数の推定値に生じるバイアスの要因といえる。生産関数を推定する際にはコントロール関数 (投資関数の逆関数) を用いて生産性ショックを代理しているが、Olley and Pakes(1996) のようにキャッシュフローを考慮しないと真の生産性ショックの一部のみしかコントロール関数は捉えることができない。つまり、図 1 に示されるようにバイアスが発生していると考えられる。

[図 1 の挿入]

6 結論

本稿では、実証産業組織論において広く用いられる Olley and Pakes (1996) によるミクロレベルの生産関数推定法を 不完全資本市場の下でもロバストな推定値を得られるべく改良した。また改良した手法を用いて、資本市場の不完全性がより深刻であったと考えられる 1990 年代後半の日本におけるいくつかの製造業のデータを用いて実証分析を行った。本稿で得られた結果は以下のようにまとめられる。まず通常の Olley-Pakes 法から得られる係数推定値には、理論通りのバイアスが存在した。またバイアスの大きさは産業ごとに異なるが、約 8-40% と比較的大きなものであった。

本稿に残された課題としては、第 1 に、通常の Olley-Pakes 法と改良された Olley-Pakes 法とで、推定された生産性 (ω_{it} あるいは TFP) がどの程度違うのかを厳密に調べる必要がある。第 2 に、退出行動が生産関数の推定に及ぼすバイアスについても、データを精査して、Olley-Pakes 法で想定されている退出行動を識別した上で、その効果を再評価する必要があるだろう。第 3 に、投資額がゼロ以下の企業を本稿では除外しているが、投資額ゼロ以下の企業行動と生産性がどのような関係があるのかを検討して、それらのサンプルも含めたデータで分析を行うことも考えてみる価値はある。実際にこのような制約によって除外されているサンプルが 34.5% もあることを考えると、これら企業が持っている情報を無駄にするコストはかなり大きいと考えられる。また、企業が投資額を負にしているということは、資本ストックを削減していることを意味する。これはいわば、企業再構築を行っているのだとすれば、その結果、生産性にどのように寄与するのかを検証することは実証上も極めて意味のあることであろう。

本稿で提案した生産関数の推定方法は、資本市場の不完全性を明示的に考慮しているの

で、1990年代の日本における資源配分の機能不全の問題を考える上で有益かもしれない。企業のミクロレベルのデータを用いた既存研究は、1996年以降、幾つかの産業において退出企業の平均生産性が存続企業の平均生産性を上回っていたという結果を報告している。すなわち、1990年代の日本では、生産性の低い企業が市場から退出し、生産性の高い企業が市場に残る、という市場による「自然淘汰」が有効に機能していなかった可能性を指摘している（Nishimura et al (2005), Fukao and Kwon (2006), Caberello, Hoshi and Kashyap (2008)）。Fukao and Kwon (2006) は、多くの実証研究が TFP 上昇率の停滞が製造業においてより深刻であったことを指摘した上で、製造業における TFP 上昇率停滞の要因を探っている。Nishimura et al (2002) 及び Fukao and Kwon (2006) は、1990年代における製造業の TFP 停滞が参入、退出、再配分による資源配分機能の不全によるものであることを示唆している。彼らの推論が正しければ、1990年代後半の日本において、何らかの理由によって収益性のある投資機会に必ずしも効率的に資金が配分されなかったことを示していると言えるだろう^{*13}。また、別の分野ではあるが、Banerjee and Moll (2009), Hsieh and Klenow (2008) などでは資本配分の失敗が発展途上国の集計した生産性を必要以上に停滞させていることを示唆している。

本稿で提案した推定手法は、市場の不完全性についてのミクロ的基礎付けを持つので、生産性変動のメカニズムを分析する上でも、有効であろう。

参考文献

- [1] 大久保正勝, 浅子和美 (1999) 「土地評価と資金調達 電気機械と化学工業の設備投資をめぐる」, 『住宅問題研究』, 6月号, pp. 3-24.
- [2] 清滝信宏 (1996) 「信用と景気循環の理論」, 岩井克人・伊藤元重編著, 『現代の経済理論』所収, 東京大学出版会.
- [3] 川本卓司 (2004) 「日本経済の技術進歩率計測の試み: 修正ソロー残差は失われた10年について何を語るか?」, 『金融研究』, 第23巻4号, pp 147-186.
- [4] 齊藤誠, 柳川範之 (編著) (2002) 『流動性の経済学』, 東洋経済新報社.
- [5] 深尾京司, 権赫旭 (2003) 「日本の生産性と経済成長: 産業レベル・企業レベルデータによる実証分析」, *ESRI Discussion Paper Series No.66*.
- [6] 宮澤健介 (2008) 「90年代における稼働率の低下とTFP」, RIETI Discussion Papers Series 08-J-054.
- [7] Akerberg, D., K.Caves, and G.Frazer (2006) “Structural Identification of Production Functions”, *Econometrica*, forthcoming.
- [8] Akerberg, D. L.Benkard .S. Berry, and A. Pakes. (2007) “Econometric Tools for Analyzing Market Outcomes” in J.J.Heckman (ed) *Handbook of Econometrics*. vol.6A, North-Holland. Chapter 63, pp.4171-4276.

^{*13} Nishimura et al., (2005) 及び Fukao and Kwon (2006) は具体的に、何らかの理由により銀行の審査能力が低下したのではないかと推測している。

- [9] Banerjee, A.V. and B.Moll (2009) “Why Does Misallocation Persist?”, *mimeo*, MIT
- [10] Bernanke, B. and M.Gertler. (1989) “Agency Costs, Net Worth and Business Fluctuations”, *American Economic Review*, 79(1), pp.14-31.
- [11] Bernanke, B., M.Gertler and S.Gilchrist. (1999) “The Financial Accelerator in a Quantitative Business Cycle Framework” in J.Taylor and M.Woodford. (eds), *Handbook of Macroeconomics*. vol.1C, North-Holland. Chapter 21, pp.1341-1393.
- [12] Cabarelo, R. J., T. Hoshi, and A. K. Kashyap. (2008) “Zombie Lending and Depressed Restructuring in Japan”, *The American Economic Review*, 98(5), pp. 1493-1977.
- [13] Carlstrom, G. and T.S. Fuerst. (1997) “Agency Costs, Net Worth, Business Fluctuations: A Computable General Equilibrium Analysis”, *American Economic Review*, 87(5), pp. 893-910.
- [14] Christensen, I. and A. Dib. (2008) “The Financial Accelerator in An Estimated New Keynesian Model”, *Review of Economic Dynamics*, 11(1), pp.155-178.
- [15] Gertler, M., S. Gilchrist, and F.M.Natalucci. (2007) “External Constraints on Monetary Policy and The Financial Accelerator”, *Journal of Money, Credit, and Banking*, 39(2/3), pp. 295-330.
- [16] Fukao, K. and Kwon. (2006) “Why did Japan’s TFP Growth Slow Down in The Lost Decade? An Empirical Analysis Based on Firm-level Data of Manufacturing Firms”, *The Japanese Economic Review*, 57(2), pp. 185-228.
- [17] Fukunaga, I. (2002) “Financial Accelerator Effects in Japan’s Business Cycles”, Research and Statistics Department, Bank of Japan, Working Paper Series, 02-6.
- [18] Hayashi, F. and T. Inoue. (1991) “The Relation between Firm Growth and Q with Multiple Capital Goods: Theory and Evidence from Panel Data on Japanese Firms”, *Econometrica*, 59(3), pp.731-753.
- [19] Holmström, B. and J.Tirole. (1998) “Private and Public Supply of Liquidity”, *Journal of Political Economy*, 106, pp.1-40.
- [20] Hsieh, C-T, and P.J.Klenow. (2008) “Misallocation and Manufacturing TFP in China and India”, *Quarterly Journal of Economics*, forthcoming.
- [21] Kato, R. (2006) “Liquidity, Infinite Horizons and Macroeconomic Fluctuations”, *European Economic Review*, 50, pp.1105-1130.
- [22] Kim, Young Gak. (2007) “Estimating Production Function with R&D Investment and Endogeneity”, *mimeo*, Hitotsubashi University.
- [23] Kiyotaki, N. and J.Moore. (1997) “Credit Cycles”, *Journal of Political Economy*, 105, pp. 211-248.
- [24] Levinsohn, J. and A. Petrin. (2003) “Estimating Production Functions Using Inputs to Control for Unobservables”, *Review of Economic Studies*, 70, pp.317-341.
- [25] Miyagawa, T., Y. Sakuragawa, and M. Takizawa. (2006). “Productivity and Busi-

- ness Cycles in Japan: Evidence from Japanese Industry Data”, *Japanese Economic Review*, 57, pp. 161-186.
- [26] Nishimura, K.G. ,T. Nakajima and K. Kiyota. (2005) “Does the Natural Selection Mechanism Still Work in Severe Recessions? Examination of the Japanese Economy in the 1990s”, *Journal of Economic Behavior and Organization*, 58, pp.53-78.
- [27] Ogawa, K., Kitasaka, S.,Yamaoka, H. and Y. Iwata. (1996) “ Borrowing Constraints and the Role of Land Asset in Japanese Corporate Investment Decision”, *Journal of the Japanese and International Economies*, 10, pp.122-149.
- [28] Ogawa, K. and K. Suzuki. (1998) “Land Value and Corporate Investment: Evidence from Japanese Panel Data”, *Journal of the Japanese and International Economies*, 12, pp. 232-249.
- [29] Ogawa, K. and K. Suzuki. (2000) “Demand for Bank Loans under Borrowing Constraints: A Panel Study Japanese Firm Data”, *Journal of the Japanese and International Economies*, 14, pp. 1-21.
- [30] Olley G.S. and A. Pakes. (1996) “The Dynamics of Productivity in The Telecommunications Equipment Industry”, *Econometrica*, 64(6), pp.1263-1297.
- [31] Robinson, P. (1988) “Root-N-Consistent Semiparametric Regression”, *Econometrica*, 56(4), pp. 931-954.
- [32] Townsend, R.M.(1979) “Optimal Contracts and Competitive Markets with Costly State Verification”, *Journal of Economic Theory*, 21(2), pp.265-293.
- [33] Williamson, S.(1986) “Costly Monitoring, Financial Intermediation, and Equilibrium Credit Rationing”, *Journal of Monetary Economics*, 18(2), pp.159-179.
- [34] Williamson, S.(1987) “Costly Monitoring, Optimal Contracts, and Equilibrium Credit Rationing”, *Quarterly Journal of Economics*, 102(1), pp.135-145.
- [35] Yatchew, A. (2000) “Scale Economies in Electricity Distribution”, *Journal of Applied Econometrics*, 15, pp. 187-210.

付録 A 退出によるバイアスの補正

ここでは、本文の基本モデルに内生的な退出決定を考慮した推定について議論する。Olley and Pakes (1996) にならい、企業は今期の生産性ショックが実現した後に生産を行うか、または生産価値を受け取り市場から退出するかを每期選択するものとする。その場合、企業が今期営業を続けるかどうかは、 ξ_{it} にも依存することになり、観察される k_{it} と予測誤差 ξ_{it} との間に相関が生まれる。その結果、資本ストック k_{it} のパラメータ β_k にバイアスが生じる。

まず、 $t-1$ 期における情報および、 t 期に市場に残ることで条件付けした (5) 式の期待値は、

$$\begin{aligned} E[y_{it}|I_{it-1}, \chi_{it} = 1] &= E[\beta_0 + \beta_l l_{it} + \beta_m m_{it} + \beta_k k_{it} + \omega_{it} + \eta_{it}|I_{it-1}, \chi_{it} = 1] \\ &= \beta_0 + \beta_l l_{it} + \beta_m m_{it} + \beta_k k_{it} + E[\omega_{it}|I_{it-1}, \chi_{it} = 1] \end{aligned} \quad (17)$$

となる。今、推定したいものは資本ストックのパラメータ β_k であり (β_l および β_m は関しては退出の有無にかかわらず推定ができる)、そのためには、 ω_{it} の条件付き期待値である $E[\omega_{it}|I_{it-1}, \chi_{it} = 1]$ を何らかの形で置き換えることが必要になってくる。

企業は操業を選ぶ場合に得られる便益が清算価値を下回るときに退出を選択するので、企業の退出決定は、生産性ショックに関する閾値戦略によって与えられる。不完全資本市場の下では追加的な状態変数として今期の純資産が加わることに注意すれば、退出に関するカットオフ・ルールは次式で与えられる。

$$\chi_{it} = \begin{cases} 1 & \text{if } \omega_{it} \geq \bar{\omega}_{it}(k_{it}, n_{it}) \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases} \quad (18)$$

企業が退出するかどうかについて、カットオフ・ルールを用いていることから、生産性ショックの条件付き期待値 $E[\omega_{it}|I_{it-1}, \chi_{it} = 1]$ は以下のようにカットオフ・ポイントと前期の生産性ショックの関数として書くことができる。

$$\begin{aligned} E[\omega_{it}|I_{it-1}, \chi_{it} = 1] &= E[\omega_{it}|I_{it}, \omega_{it} \geq \bar{\omega}(k_{it}, n_{it})] \\ &= \frac{\int_{\bar{\omega}(k_{it}, n_{it})}^{\infty} \omega_{it} p(\omega_{it}|\omega_{it-1}) d\omega_{it}}{\int_{\bar{\omega}(k_{it}, n_{it})}^{\infty} p(\omega_{it}|\omega_{it-1}) d\omega_{it}} \\ &= g(\omega_{it-1}, \bar{\omega}(k_{it}, n_{it})) \end{aligned} \quad (19)$$

従って、前期の生産性ショックとカットオフ・ポイントとを知ることができれば、バイアスを除去できることがわかる。しかしながら、第 1 段階の推定から前期の生産性ショックは計算できるが ((14) 式参照)、カットオフ・ポイント $\bar{\omega}(k_{it}, n_{it})$ は観察することはできない。したがって、カットオフ・ポイントを観察できる変数のみで表現し直す必要がある。

カットオフ・ルールはその特徴ゆえに以下のように確率で表現することができる。

$$\begin{aligned}
Pr(\chi = 1|\omega_{it-1}, \bar{\omega}(k_{it}, n_{it})) &= \psi(\omega_{it-1}, \bar{\omega}(k_{it}, n_{it})) \\
&= \psi'(\omega_{it-1}, k_{it}, n_{it}) \\
&= \psi''(k_{it-1}, n_{it-1}, i_{it-1}) \\
&\equiv P_{it}
\end{aligned} \tag{20}$$

3番目の等式は生産性ショック $\omega_{it-1} = h_{it-1}(k_{it-1}, i_{it-1}, n_{it-1})$ および k_{it}, n_{it} は $k_{it-1}, n_{it-1}, i_{it-1}$ の関数であることによる。企業が次期にデータに表れる確率 P_{it} は、観察されるデータから企業の生存行動を $k_{it-1}, n_{it-1}, i_{it-1}$ にノンパラメトリック回帰することで推定することができる。この推定式から得られる予測値を \hat{P}_{it} とする^{*14}。すると以下のように観察不能なカットオフ・ポイントを、推定された確率 \hat{P}_{it} と ω_{it-1} の関数として書くことができる。

$$\bar{\omega}(k_{it}, n_{it}) = \psi^{-1}(\omega_{it-1}, \hat{P}_{it}) \tag{21}$$

推定されたカットオフ・ポイント (21) を (19) 式に代入して (17) 式を書き換えると

$$\begin{aligned}
E[y_{it}|I_{it-1}, \chi_{it} = 1] &= \beta_0 + \beta_l l_{it} + \beta_m m_{it} + \beta_k k_{it} + g(\omega_{it-1}, \psi^{-1}(\omega_{it-1}, \hat{P}_{it})) \\
&= \beta_0 + \beta_l l_{it} + \beta_m m_{it} + \beta_k k_{it} + g'(\phi_{it-1} - \beta_0 - \beta_k k_{it-1}, \hat{P}_{it}) \\
&= \beta_l l_{it} + \beta_m m_{it} + \beta_k k_{it} + \tilde{g}(\omega_{it-1}, \hat{P}_{it})
\end{aligned} \tag{22}$$

と、今期の生産性ショックを前期の生産性ショック ω_{it-1} と生存確率 \hat{P}_{it} の関数で代理することができる (ただし ω_{it-1} は β_k に依存している)。またノンパラメトリック関数 \tilde{g} によって β_0 は消去できる。

最終的に、パラメータ β_k は次の式を非線形最小二乗法 (NLLS) で推定することで得られる。

$$y_{it} - \hat{\beta}_l l_{it} - \hat{\beta}_m m_{it} = \beta_k k_{it} + \tilde{g}(\omega_{it-1}, \hat{P}_{it}) + \eta_{it}$$

退出を考慮した生産関数の推定

以上の方法で退出決定のセレクション・バイアスを考慮し、電気機械器具について生産関数の推定を行った。結果は、表4の通りである。

[表4の挿入]

パラメータ推定値は、完全資本市場を想定した場合、不完全資本市場を想定した場合、ともに退出を考慮しない場合の結果とほぼ同様であった。通常、企業が市場から (内生的に) 退出することを無視して生産関数を推定してしまうと資本の係数にはネガティブ・バイアスが生じる (Olley and Pakes (1996))。従って、企業の退出行動を考慮に入れて生産関数の推定を行えば、そうしない場合に比べ資本の係数は正の方向に大きくなるはずであ

^{*14} サンプル・セレクションに関する研究分野では、 \hat{P}_{it} はプロペンシティ・スコアと呼ばれている。Olley-Pakes法とサンプル・セレクション分野との違いは、Olley-Pakes法では \hat{P}_{it} をコントロールするだけでなく、 ω_{it-1} とカットオフ・ポイントである $\bar{\omega}_{it-1}$ もコントロールすることを要求している点にある。

る。ところが表 1 と表 4 について比べると、有意な差ではないものの想定される結果とは反対になっており、退出バイアスはコントロールできなかった。

退出分析の推定

次に前節で得られた個別企業の生産性の推定結果を用いて企業の退出がどのような要因により決定されているかを分析する。

仮に個別企業が完全な資本市場に直面しているとするならば、退出決定は生産性と資本ストックの水準により完全に説明され、キャッシュフローはいかなる説明力も持たないはずである。逆に企業が不完全な資本市場に直面しているならば、企業の退出は前期のキャッシュフローに依存する、

そこで資本ストック、(前期の)キャッシュフロー、推定された TFP を説明変数とする退出に関するプロビット推定および線形確率モデル推定を行った(表 5 参照)。

[表 5 の挿入]

まず、効率的な資源配分が行われているならば、生産性の係数は有意に負の推定値を持つはずである。実際、Olley and Pakes (1996) は生産性の係数について有意に負の値を得ている。さらに、企業が完全な資本市場に直面しているならば、キャッシュフロー変数の係数推定値は 0 となるはずである。推定の結果、いずれの係数推定値についても統計的に有意とはならなかった。このことは、効率的な資源配分が行われていない可能性と資本市場が完全であることを同時に意味しており、さらに詳細な識別が必要であることを示唆している。本稿で用いたデータセットでは退出分析に関しては、理論的に想定される退出行動以外の退出も含まれており、本データセットを用いてこれ以上深い分析はできないと判断した。

付録 B データ

本稿の実証分析では日本政策投資銀行データベース(DBJ データ)を用いた。生産性の測定は、産業ごとに生産関数の形状が異なりうる可能性を考慮し、小分類ごとに行った。サンプル期間は 1996 年から 2006 年とした。

分析に用いた産業は、比較的企業数が多く、参入退出行動も見られる産業を選んだ^{*15}。すなわち、製造業のうち、電気機械器具(初期サンプル 197 社)、輸送用機械器具(同 140 社)、化学工業(同 207 社)、一般機械(同 224 社)の各産業である。これらの産業毎の変数の基本統計量やその分布を事前に確認したが、取り立てて大きな歪みや外れ値は見いだされなかった。以下で説明するように、投資やキャッシュフローで負の値をとるサンプルを除外し、投資関数でラグをとった結果、いくつかのサンプルが落ちているが、それ以外の理由ではデータの除外は一切行っていない。

^{*15} 産業構造や競争条件の違いが生産性やその他のパラメータの推定にどのような影響を与えるかを考えることは重要な課題であるが、本稿ではその問題は扱っていない。

次に各変数の作成方法について述べる。価格インデックスは、産出物、資本、中間投入に関しては JIP2006 の価格指数を、労働投入に関しては消費者物価指数を用いた。

資本

Hayashi and Inoue (1991) をもとに作成した。資本財は以下から構成される。

1. 非住居用建物
2. 建造物 (structures)
3. 機械
4. 運送設備
5. 機器・工具 (instruments and tools)

資本は以下の式に従って作成する。

$$K_{it} = bvK_{it} \times (iK_{jt}/ibvK_{jt}) \quad (23)$$

ただし bvK_{it} が簿価有形固定資産額 (土地を除く), iK_{jt} は企業 i が属する産業 j の純資本ストック, $ibvK_{jt}$ j は産業 j の簿価資本ストックを表わす。産業の純資本ストックは

$$iK_{jt} = I_{jt} + (1 - \delta) iK_{jt-1} \quad (24)$$

により、1990 年の資本ストックを初期値として計算する。ただし 1995 年の資本財価格を用いることとする。 δ_j は産業別減価償却率で、JIP 産業分類別に求めたものである。

名目投資

名目投資変数は、以下の手順により作成した。

$$NOMI_t = KNB_t - KNB_{t-1} + DEP_t \quad (25)$$

ただし、 KGB_t ：期末の粗資本ストックの簿価、 KNB_t ：期末の純資本ストックの簿価、 AD_t ：簿価、 DEP_t ：期間内の減価償却、である。上式の定義上、全観察値 13354 件中 4604 件が負の値をとっている。回帰分析に際して対数をとる関係上、負の投資は除外してある。これは全観察値の 34.5% を占めている。

労働投入

労働投入として、給与支払い総額を用いた。

産出物

産出物として、営業収入を用いた。

中間投入

中間投入は、DBJ データの項目のうち、原材料使用額、「電気・水道使用額」、「外注委託費」、「輸送費」の合計とした。デフレーターは日本銀行企業物価指数を用いた。

キャッシュフロー

キャッシュフロー変数は以下の定義に従って作成した。

$$\text{キャッシュフロー} = (\text{当期利益}) + (\text{減価償却費}) - (\text{株主配当金}) - (\text{役員賞与}) \quad (26)$$

ここでも回帰分析に際して、対数をとる関係上、負の値をとるキャッシュフローは除外した。全観察値 13360 件中 1704 件、12.8% が負の値をとっていた。

付録 C 不完備契約モデル

本文でも述べたように、企業の最適な投資決定が純資産に依存するとの結果は、非常に広いクラスの不完全資本市場の理論において成立する結果である。本文では CSV のケースを見たが、ここでは Kiyotaki and Moore (1997) に代表される不完全コミットメントに基づく不完全資本市場の理論においても、このような結果が成立することを簡略に説明しておきたい。

清滝 (1996) によれば、貸し手と借り手の間の情報の非対称性は、必ずしも資本市場の不完全が存在するための必要条件ではない。彼は貸し手が借り手に債務契約の履行を強制できないために生じる資本市場の不完全性に注目して次のような議論を展開した。

企業家は資本に関して線形の生産技術を有し、投資は自己資本に加えて借入れによってもファイナンスできる。その際、以下の 2 つの仮定により貸し手は借り手に返済を強制できず、それゆえ負債には上限が存在する。

- 企業家に生産を強制できない。
- プロジェクトの実施には固有の経営能力が必要であり、外部の企業家が経営を引き継ぐことはできない。

企業家から貸し手への返済が行われる場面を見てみよう。負債があまりに多額になると、企業家は負債を減免しないと生産を放棄すると貸し手を脅迫する。負債の減免に応じない場合、貸し手は土地を差し押さえるしかない。これを見越した企業家は、負債を土地の担保価値まで圧縮することを要求する^{*16}。以上を見越した貸し手は、負債返済額が土地の担保価値を超えないように貸出額を抑制する。その結果、企業家の投資選択は土地の担保価値の制約を受けることとなる。

^{*16} 厳密には、企業家の脅迫に直面した貸し手にとって、プロジェクトを引き継ぐことと負債の減免に応じることが無差別である。しかし、ここでは貸し手は必ず負債減免に応じると仮定する。その結果、企業家は生産を行い、債務は履行される。

表1 生産関数の推定(OLS, OP法、改良OP法)

	OLS		OP		OP with cashflow	
	係数	標準誤差	係数	標準誤差	係数	標準誤差
電気機械器具(184社)						
Labor	0.382	0.026	0.344	0.021	0.325	0.021
Intermediate Input	0.430	0.020	0.404	0.017	0.342	0.016
Capital	0.197	0.024	0.255	0.093	0.360	0.127
Time	0.074	0.006	0.081	0.014	0.099	0.047
輸送用機械器具(135社)						
Labor	0.247	0.015	0.214	0.016	0.194	0.015
Intermediate Input	0.610	0.014	0.642	0.018	0.595	0.016
Capital	0.136	0.015	0.054	0.015	0.095	0.115
Time	0.021	0.003	0.007	0.003	0.030	0.016
化学工業(200社)						
Labor	0.356	0.015	0.361	0.015	0.325	0.015
Intermediate Input	0.269	0.013	0.283	0.012	0.284	0.013
Capital	0.362	0.017	0.347	0.065	0.380	0.066
Time	0.016	0.004	0.019	0.006	0.018	0.015
一般機械(212社)						
Labor	0.258	0.018	0.262	0.019	0.242	0.017
Intermediate Input	0.404	0.016	0.392	0.018	0.385	0.018
Capital	0.291	0.019	0.284	0.099	0.310	0.105
Time	0.014	0.004	0.028	0.009	0.030	0.023

注)OPとは、Olley-Pakes法の省略。

表2 OP法の資本ストック係数に関するバイアス

	バイアス(レベル)	バイアス(%)
電気機械器具	0.105	0.291
輸送用機械器具	0.041	0.433
化学工業	0.033	0.088
一般機械	0.026	0.082

表3 投資関数の推定

	with cashflow		without cashflow	
	係数	標準誤差	係数	標準誤差
電気機械器具				
Productivity	0.012	0.004	0.017	0.004
Capital	0.763	0.052	0.932	0.025
Cashflow	0.180	0.048		
輸送用機械器具				
Productivity	5.55E-06	0.004	0.004	0.004
Capital	0.780	0.062	0.999	0.027
Cashflow	0.220	0.056		
化学工業				
Productivity	0.002	0.012	0.013	0.012
Capital	0.610	0.076	0.919	0.036
Cashflow	0.310	0.068		
一般機械				
Productivity	-0.004	0.006	-0.001	0.006
Capital	0.752	0.062	0.980	0.029
Cashflow	0.252	0.061		

表4 退出を考慮した電気機械産業の生産関数の推定

	OP		OP with cashflow	
	係数	標準誤差	係数	標準誤差
Labor	0.344	0.021	0.325	0.021
Intermediate input	0.404	0.017	0.342	0.017
Capital	0.247	0.080	0.329	0.101
Time	0.068	0.039	0.051	0.045

表5 電気機械産業における退出決定

exit	Probit			線形確率モデル		
	係数	標準誤差	z値	係数	標準誤差	t値
Productivity	-0.154	0.142	-1.080	0.000	0.000	-0.850
Capital	-0.564	0.494	-1.140	-0.002	0.003	-0.820
Cashflow	0.643	0.522	1.230	0.002	0.003	0.930
Time	0.213	0.137	1.560	0.001	0.001	1.450
Const.	-425.661	273.015	-1.560	-2.084	1.445	-1.440

図1 バイアスの概念図

